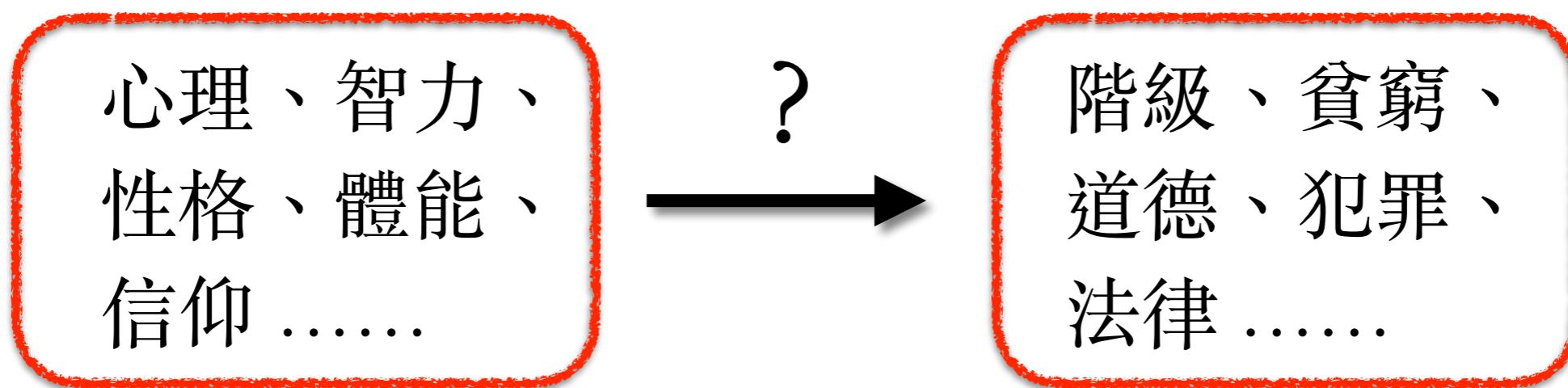
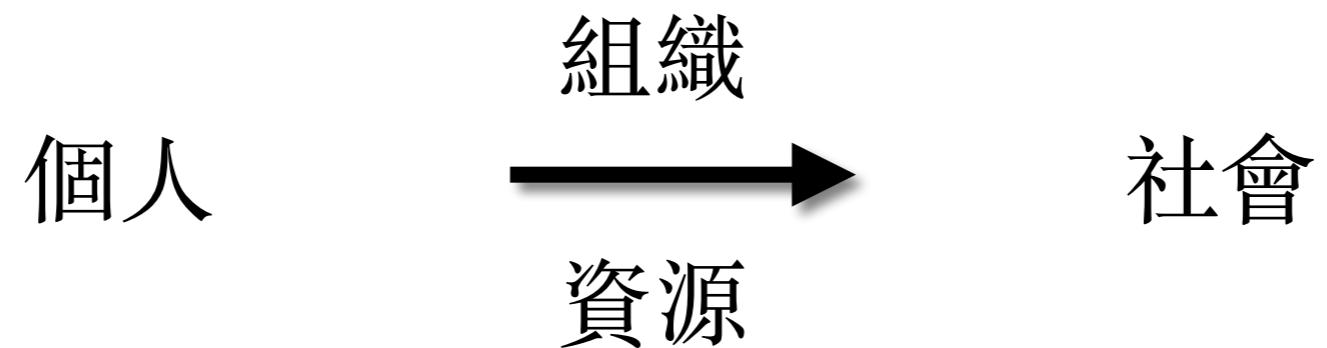
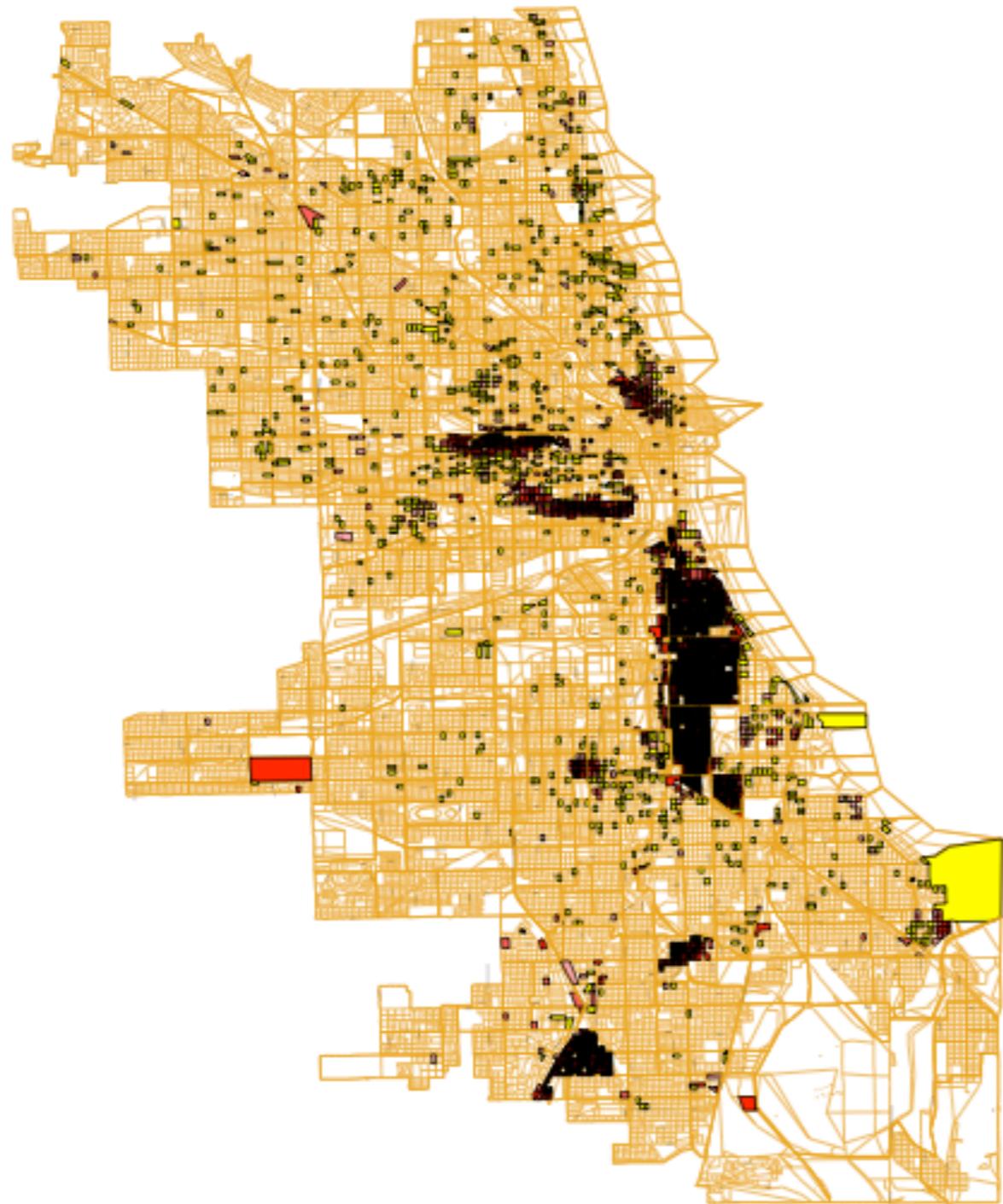


# 數理思維

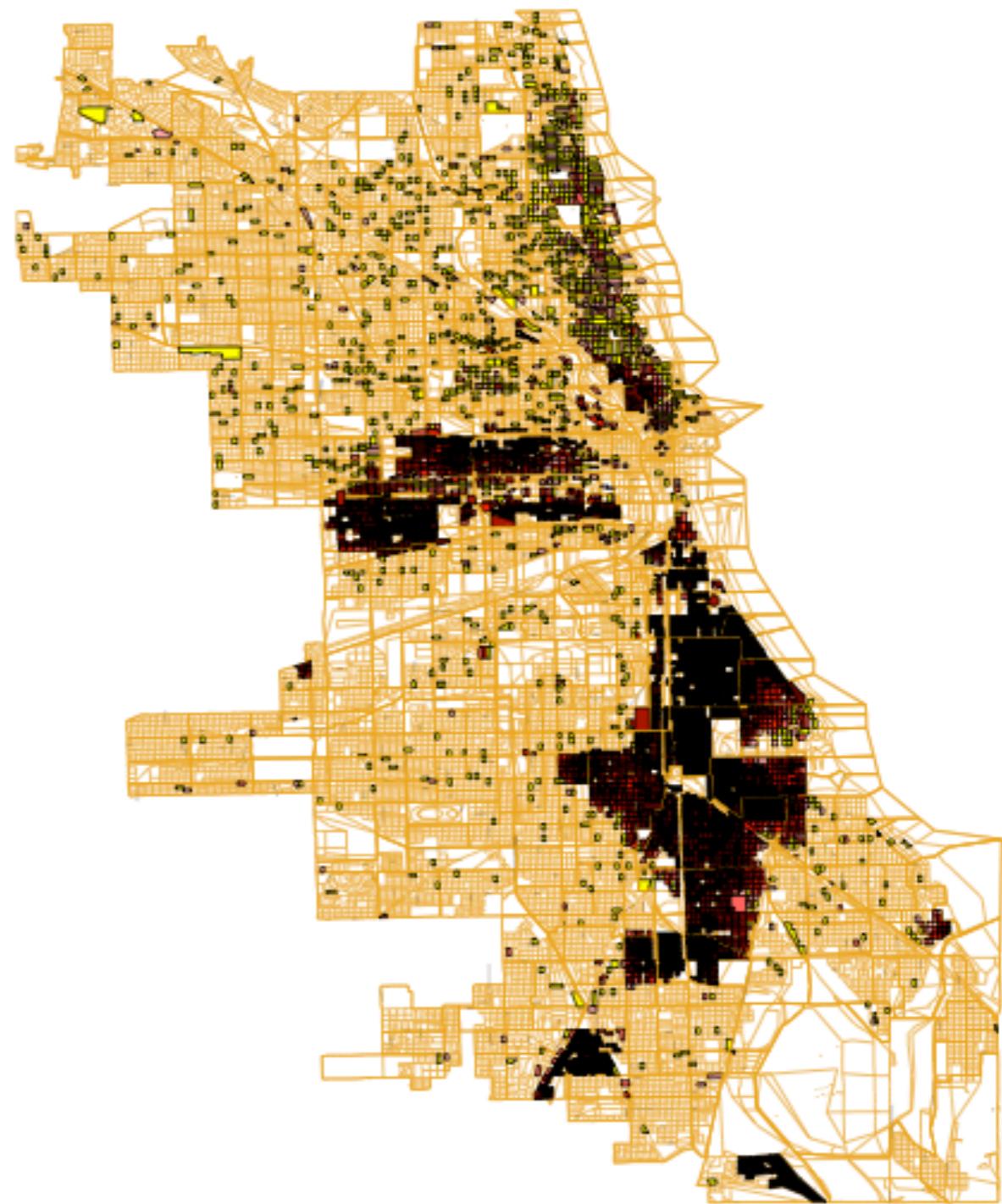
第一講：微觀與宏觀



# 種族隔離的根源



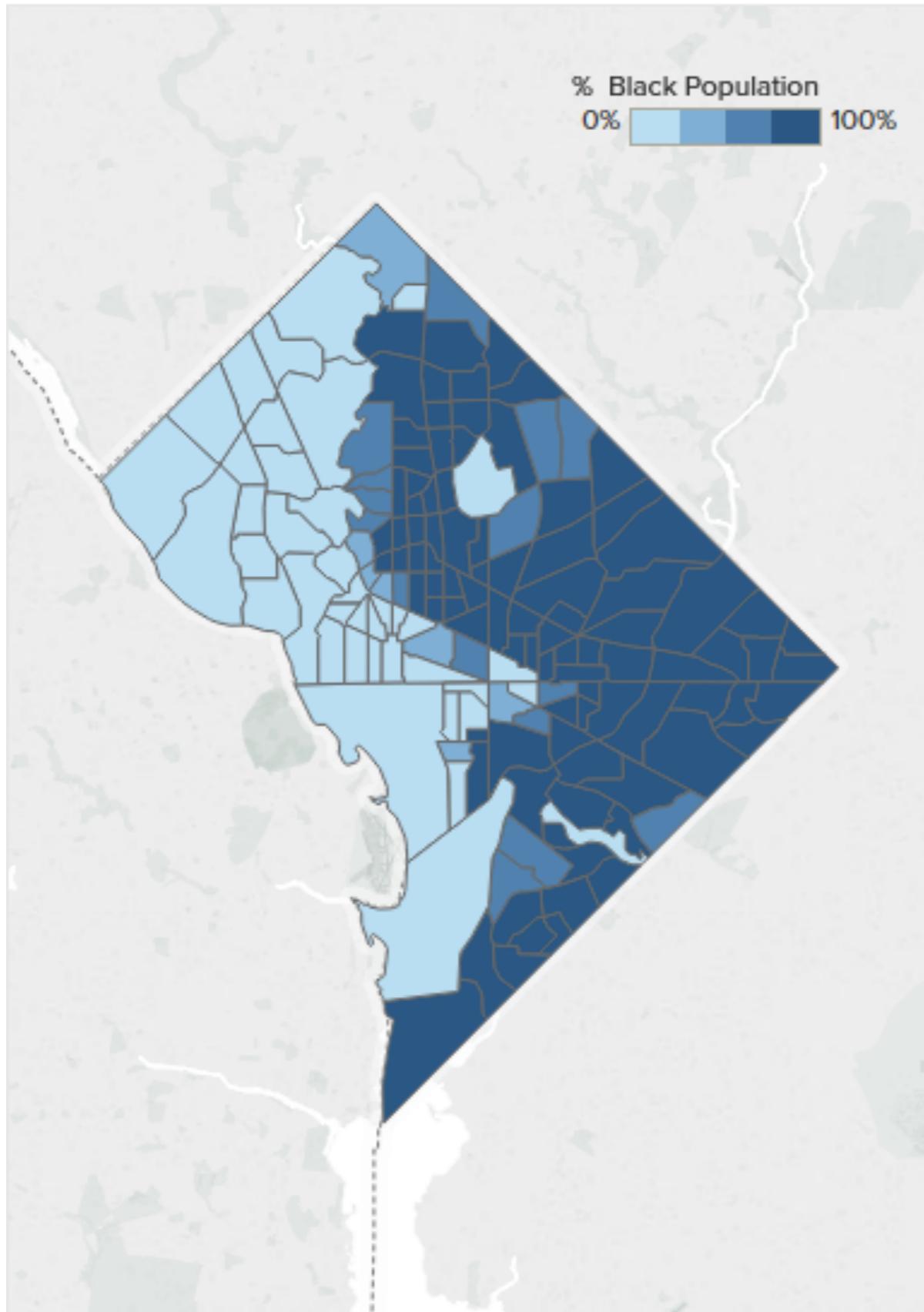
(a) *Chicago, 1940*



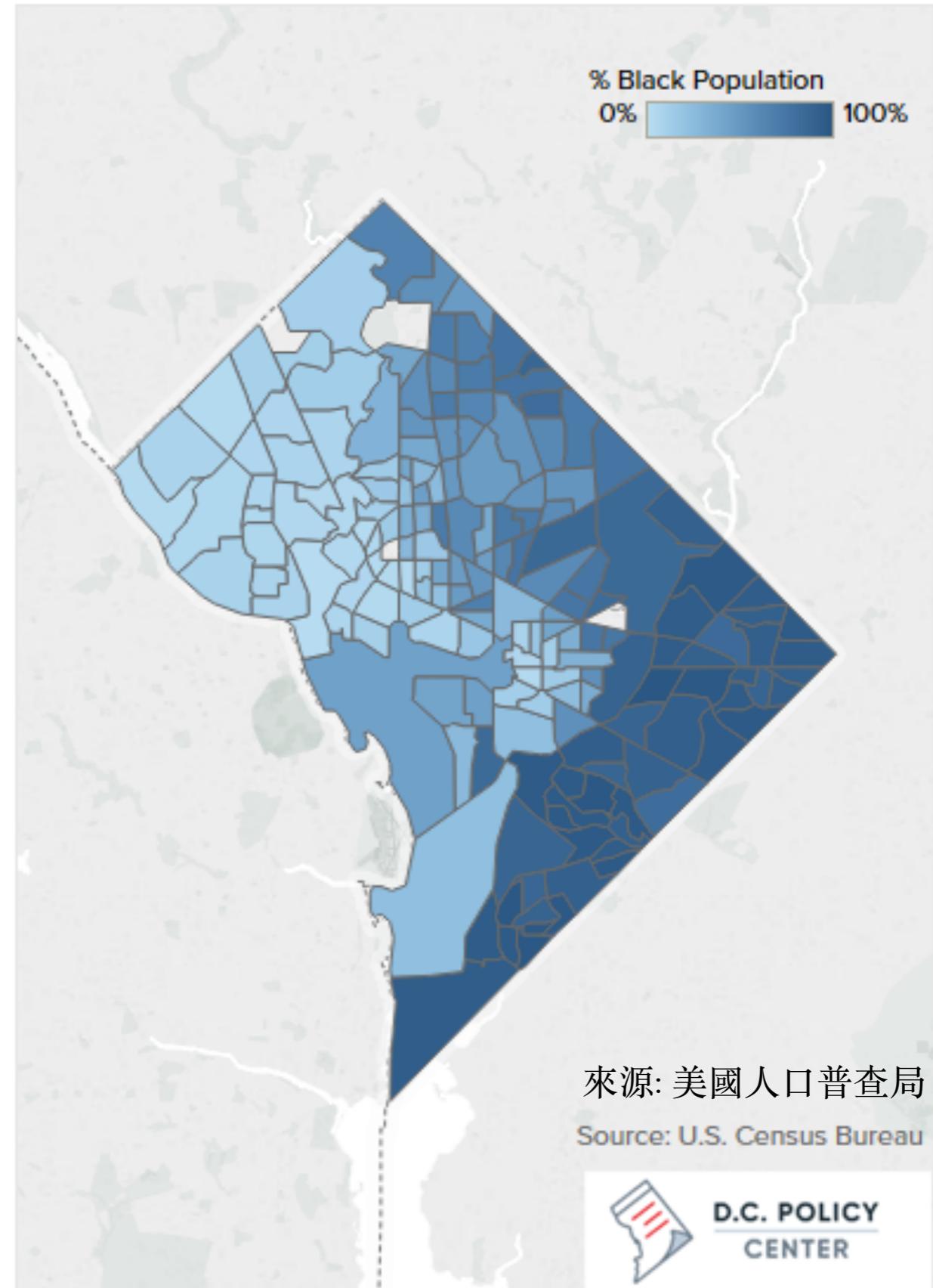
(b) *Chicago, 1960*

# 種族隔離的根源

Percent Black Population 1970



Percent Black Population 2015



來源: 美國人口普查局

Source: U.S. Census Bureau



D.C. POLICY  
CENTER

# 種族隔離 v.s. 歧視

Thomas Schelling (謝林) 的動態模型  
1969 American Economic Review  
1971 Journal of Mathematical Sociology

種族隔離  $\overset{?}{\leftrightarrow}$  歧視

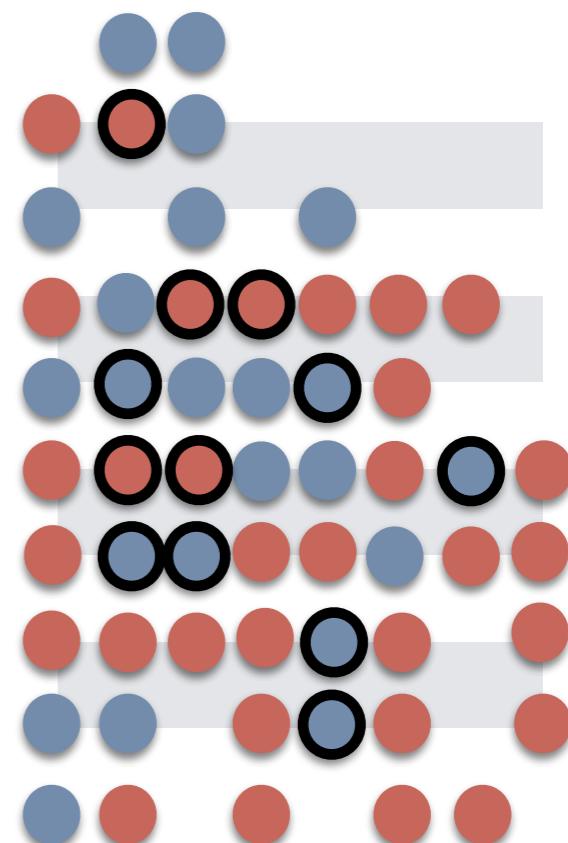


Source: nobelprize.org

# 種族隔離 v.s. 歧視

把居住地點畫成格子狀，每個人最多 8 個鄰居，假設人們對鄰居同質性的要求底限是  $s$ ，也就是說，鄰居中如果有超過  $s$  個非同族類的鄰居就搬家，反之則不搬家。

eg.  $s = 4$ ，被圈出者將搬家

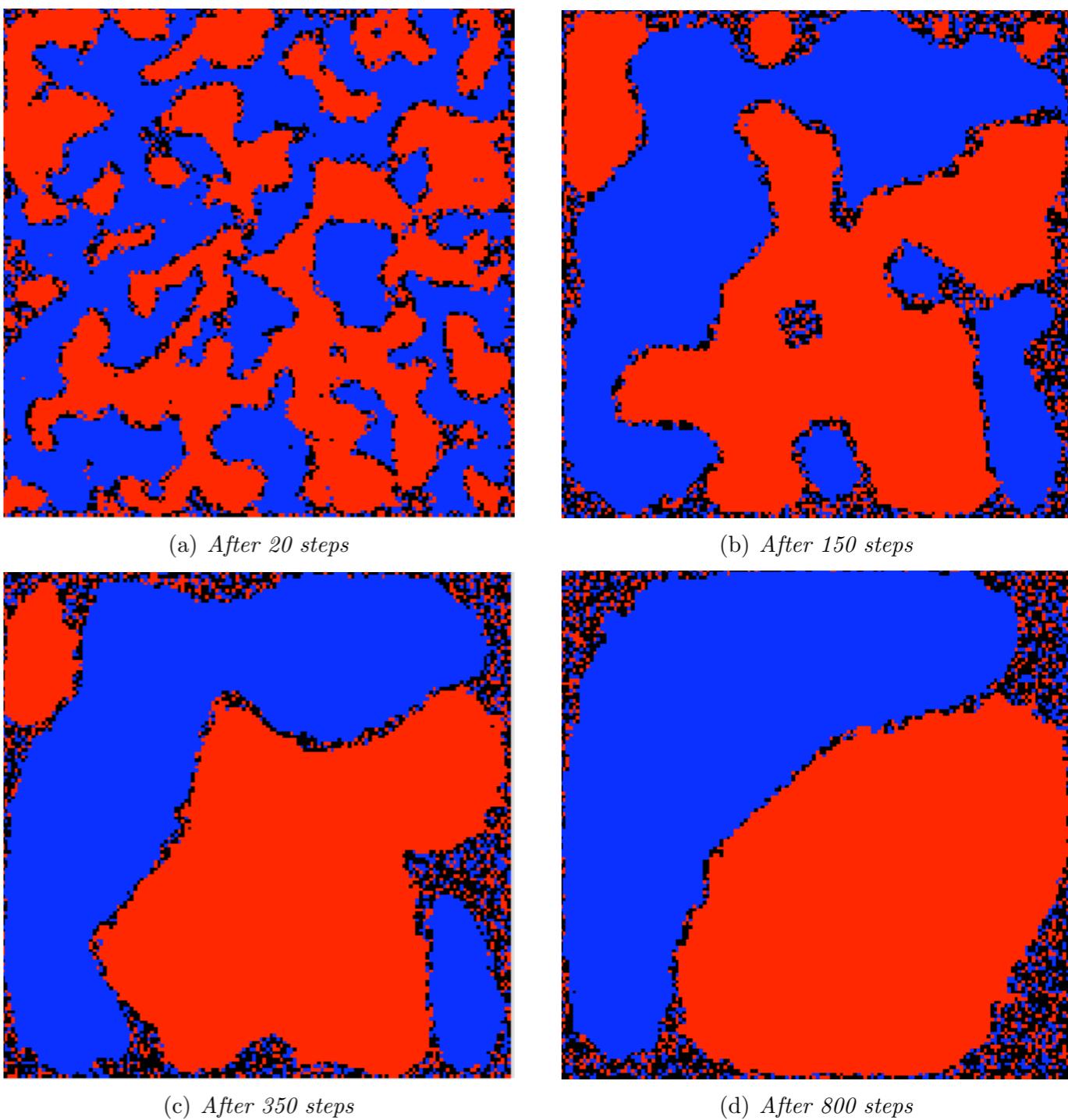


# 種族隔離 v.s. 歧視

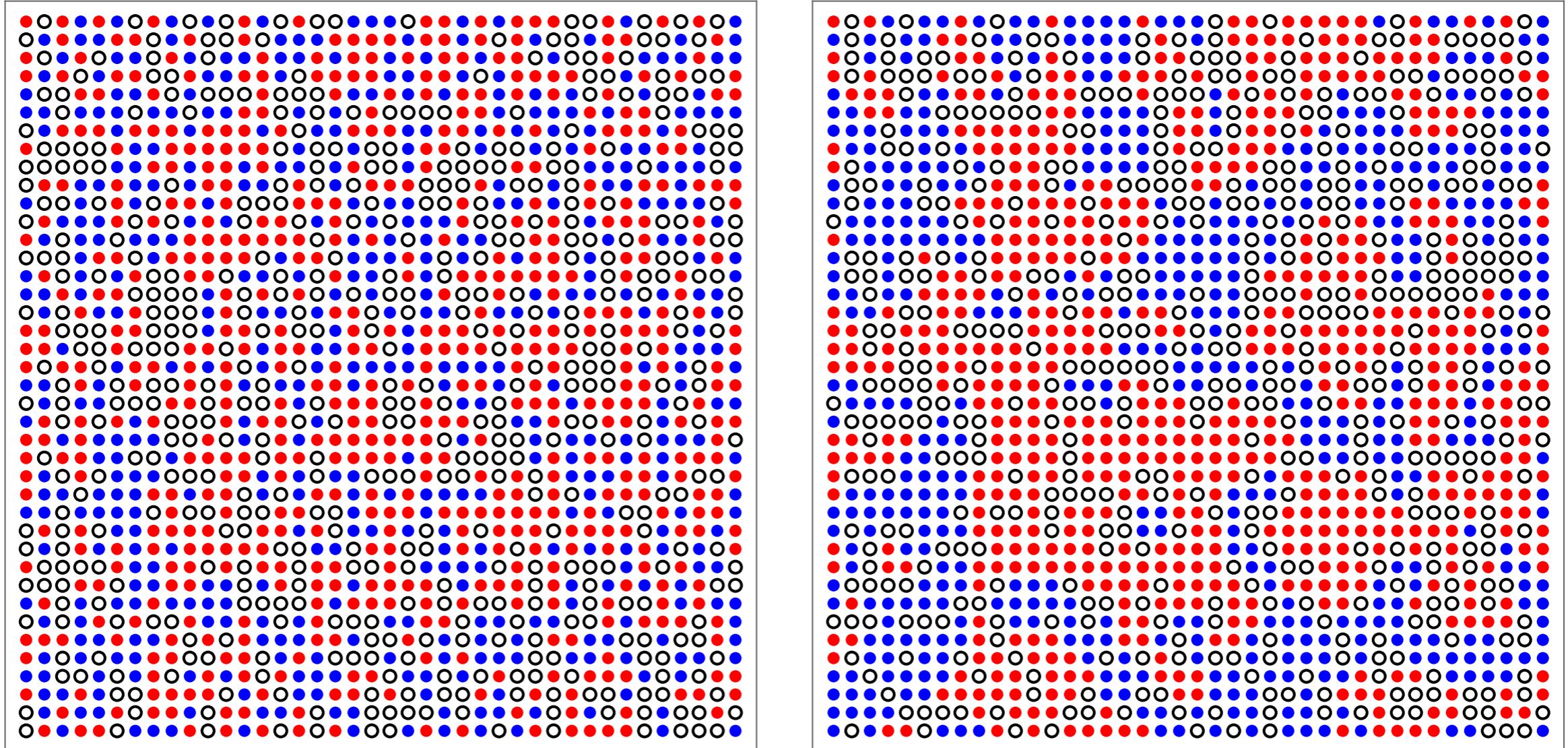
每一次搬家，就出現新的居住分布，又引發下一波搬家，如此持續迭代，隔離程度不斷提高（如右圖）

Shelling模型解釋了種族隔離可自然形成！

重點：模式 + 原子論



# 種族隔離 v.s. 歧視



Simulation of my codes: random initial distribution  
(left) and evolved distribution after 100 steps (right)

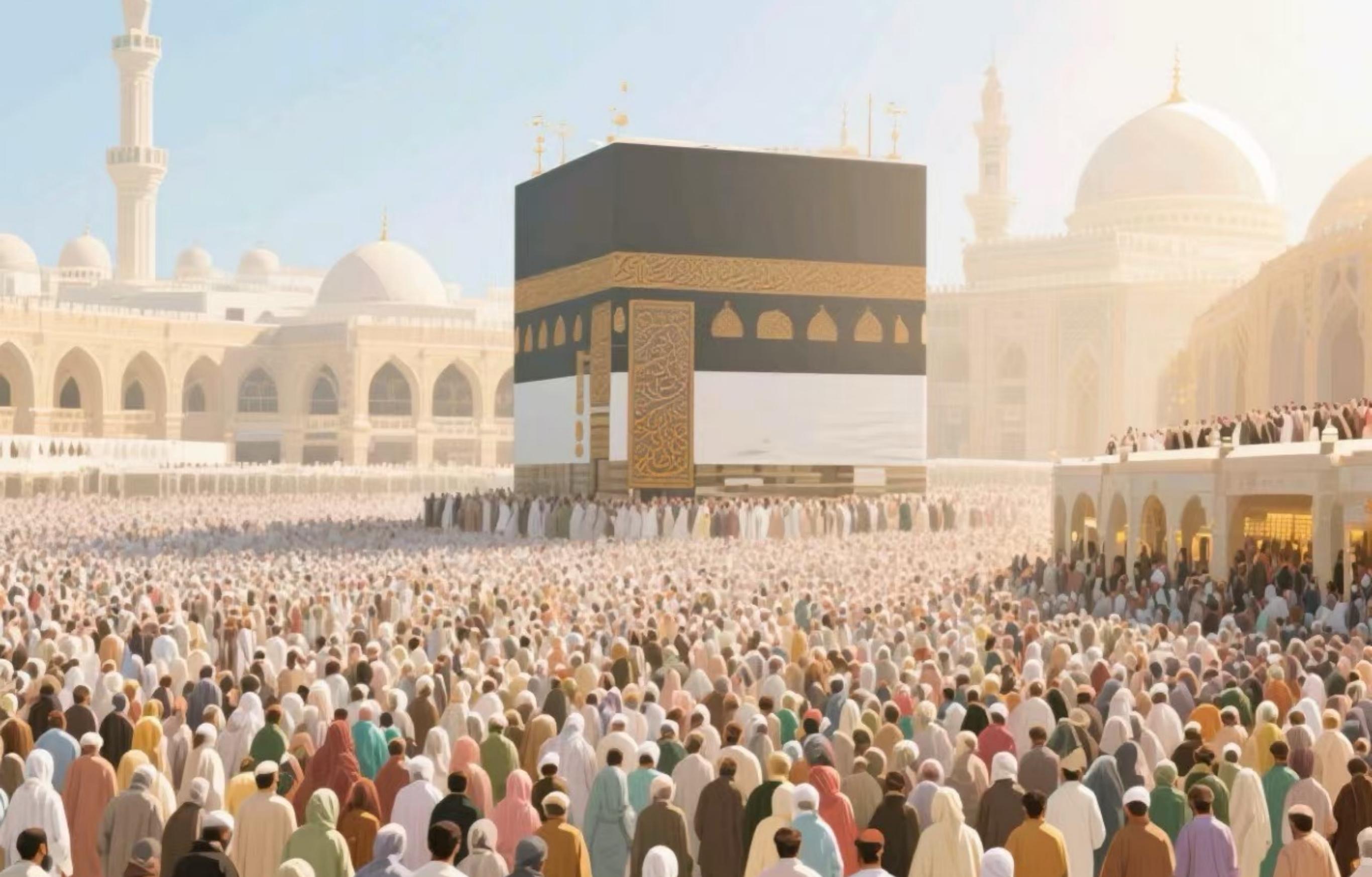
# 人群踩踏事故

2022/10/29梨泰院踩踏事故 來源: 路透社



# 人群踩踏事故

2015/9/24麥加朝覲踩踏事故 AI圖



# 踩踏事故 v.s. 焦慮

Dirk Helbing (赫爾賓) 及其團隊  
(Farkas, Visek, et al) 的動態模型  
2000 Physics Review Letter  
2000, 2002 Nature

踩踏事故  $\overset{?}{\leftrightarrow}$  焦慮



Source: ETH Zürich

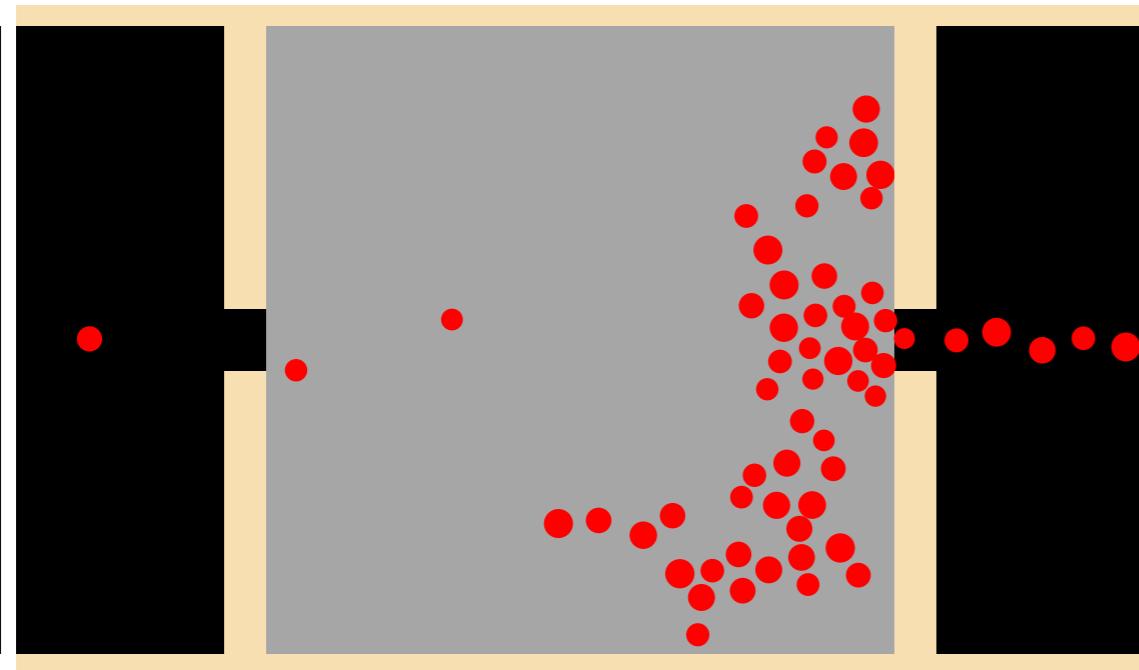
## 踩踏事故 v.s. 焦慮

該模型有些類似Shelling模型，將人群離散化，個體視為運動粒子，其互動滿足幾個基本定律。

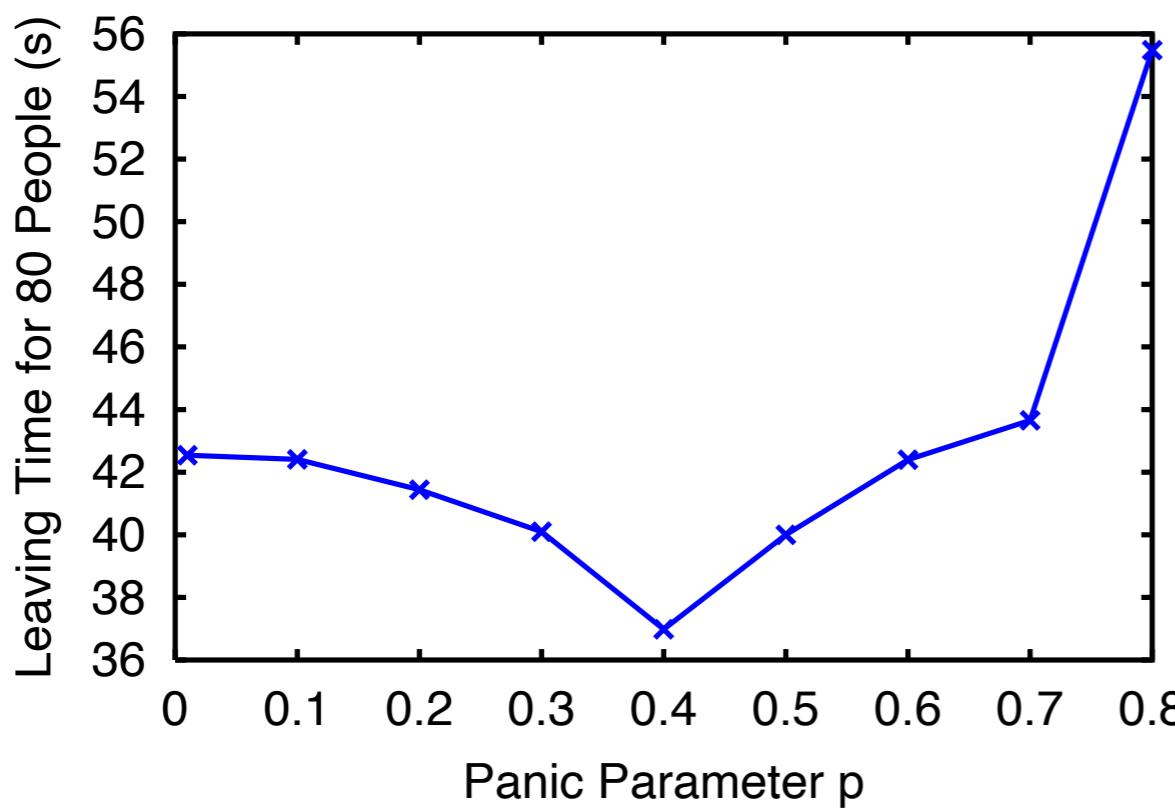
個體行動被自身位置速度、目的地、與周圍人和牆的距離、焦慮指數(panic parameter)決定。

# 應用：劇院逃生

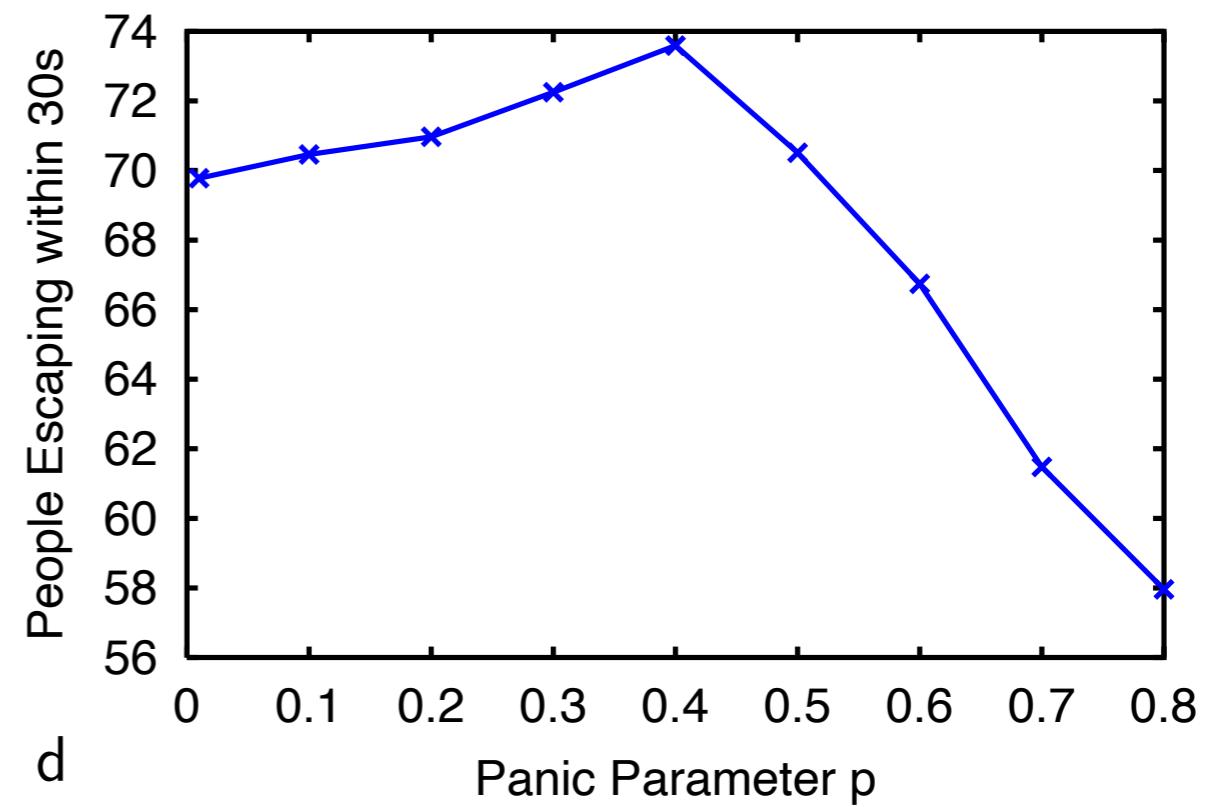
a



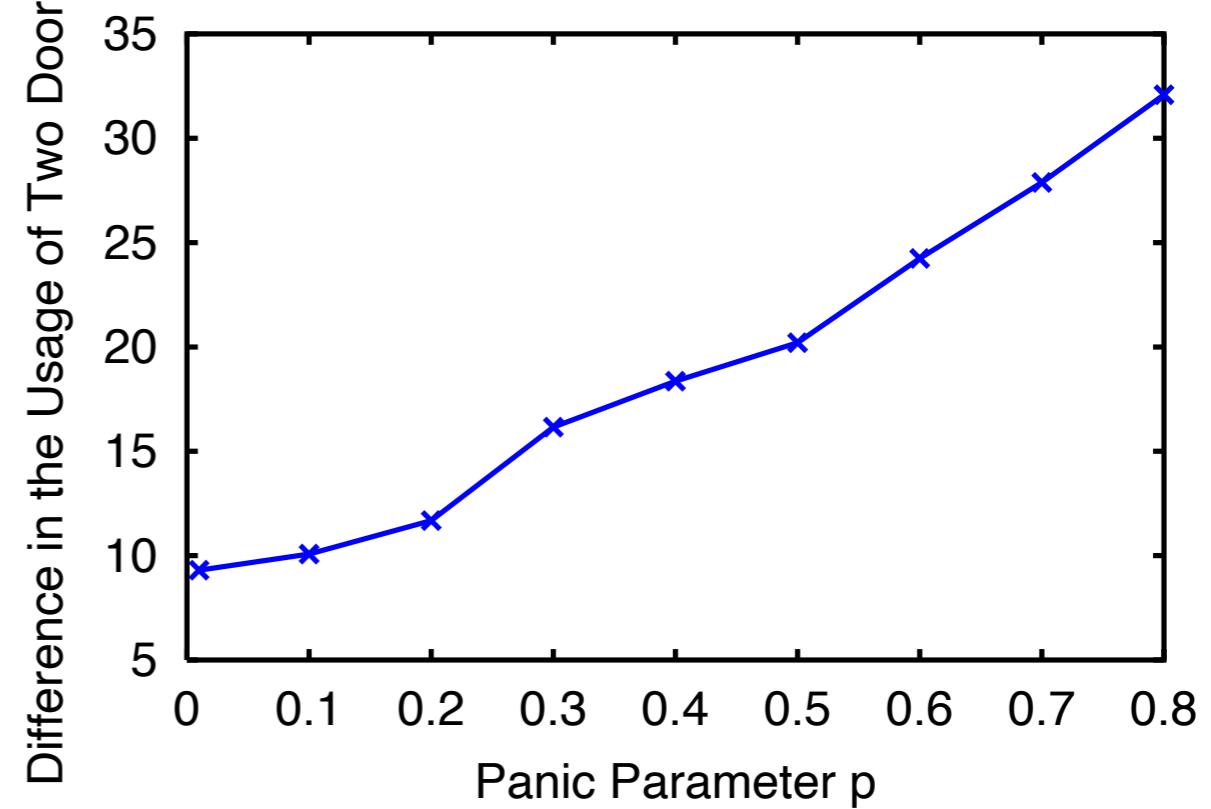
c

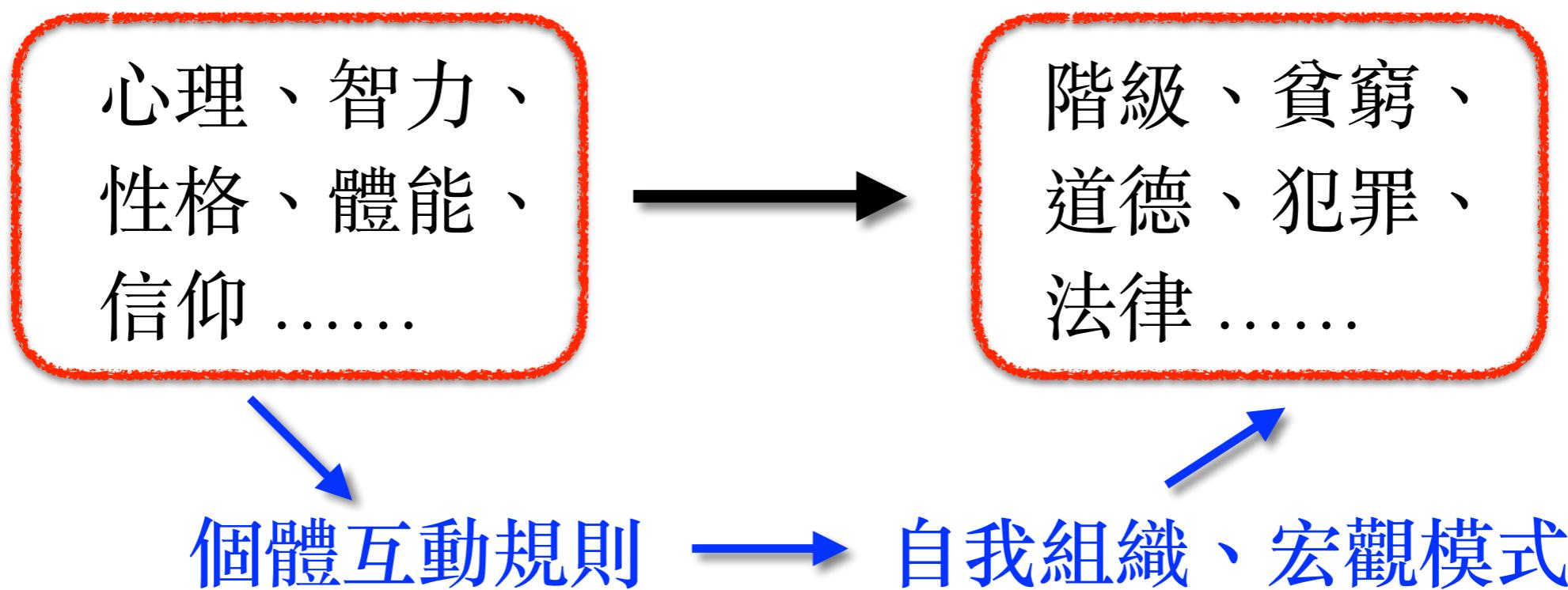
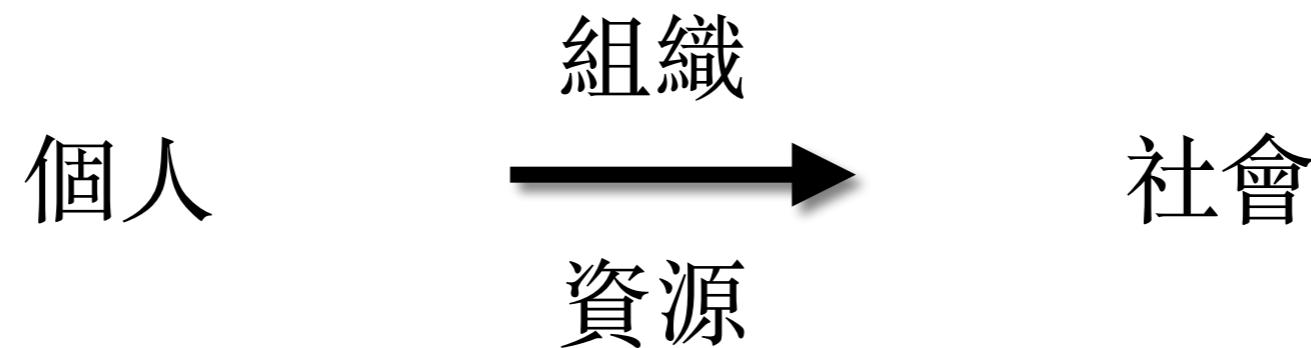


b



d







Tahrir Square protesters at the height of the 2011/1/25 revolution against Hosni Mubarak.  
(Source: Tara-Todras Whitehill/ AP, ceasefiremagazine.co.uk/marxism-social-movements/)

群眾運動



2024 Bangladesh quota reform movement (Source: Wikipedia)

群眾運動



Srebrenica Genocide Memorial In Potocari, Bosnia (Source: [islamicity.org](http://islamicity.org))

極端民族主義與族群衝突



「馬拉之死」 by Jacques-Louis David (1793)



Charlotte Corday 1768-1793

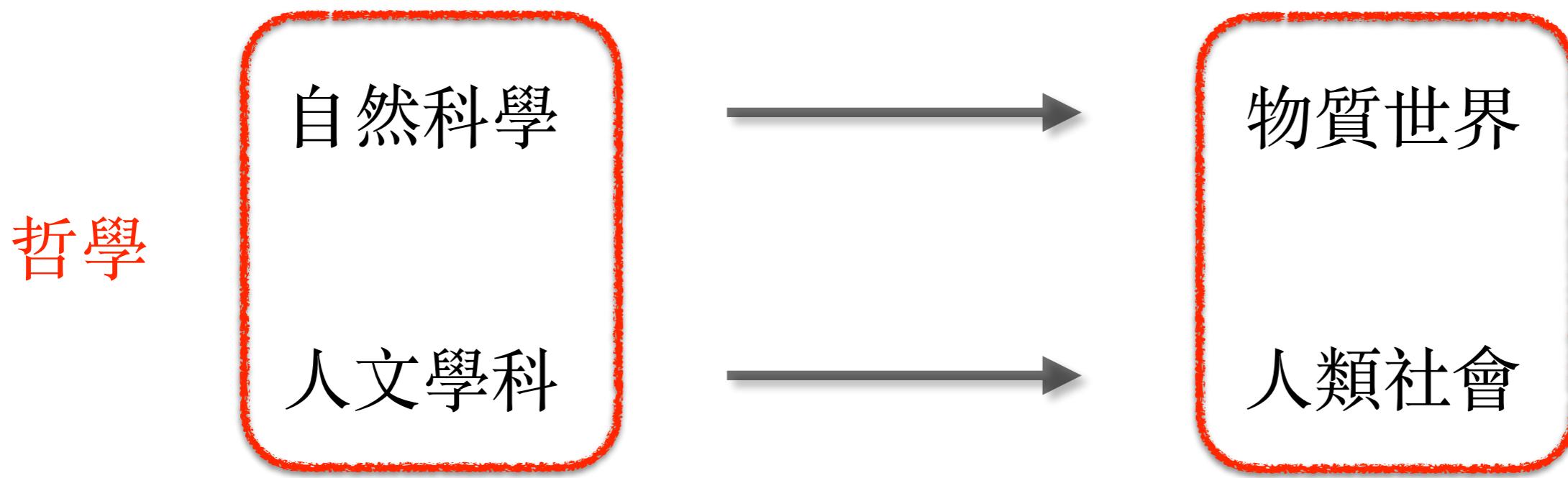
極端利他行為



Manila's financial district in the Philippines 2017 (foreignpolicy.com 2019/05/17)

貧富差距與分配正義

# 研究對象



物質由原子組成

⇒ 人是社會原子

社會由個人組成

## Recommended Readings (☞ Required)

- ☞ 1. M. Buchanan: The Social Atom - Why the Rich Get Richer, Cheaters Get Caught, and Your Neighbor Usually Looks Like You, Bloomsbury USA, 2007. 中譯本: 《隱藏的邏輯》, 天下遠見, 2007. 前言、第一章
- 2. M. Kline: Mathematics — The Loss of Certainty. Oxford University Press 1980. 中譯本: 《數學: 確定性的失落》, 臺灣商務, 2004. 第三、四章